

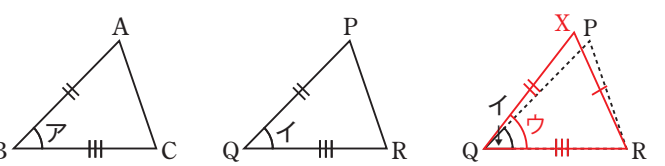


「二辺とその間の角が互いに等しい三角形はぴったり重なる (残りの辺と角も互いに等しい)」ことを、「三辺が互いに等しい三角形はぴったり重なる (3つの角も互いに等しい)」という根本原理を使って証明してください。

証明

2つの三角形を $\triangle ABC$ と $\triangle PQR$ とし、 $\triangle ABC$ のBAとBCの間の角をア、 $\triangle PQR$ のQPとQRの間の角をイ、 $AB=PQ$ 、

$BC=QR$ 、角ア=角イとします。



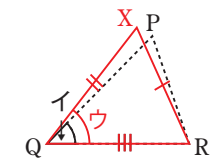
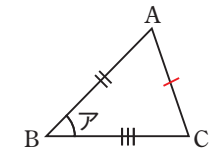
さらに、点Qを中心とし半径ABの円と点Rを中心とし半径ACの円の2つの交点のうち、直線QRに対して、Pと同じ側にある交点をXとします。

すると、図の描き方から、 $\triangle ABC$ と $\triangle XQR$ は、三辺が互いに

等しいので、ぴったり重なります。

つまり、三角形の3つの角が互いに等しくなりますから、 $\triangle XQR$ の二辺QXとQRの間の角をウとすると、 $\triangle ABC$ の角アと $\triangle XQR$ の角ウは等しくなります。

ここで、 $\triangle ABC$ の角アと $\triangle PQR$ の角イも等しかったので、結局、角イ=角ウになります。



すると、 $\triangle XQR$ と $\triangle PQR$ において、角イ=角ウなので、辺QP上に点Xがあるとわかります。 $\triangle ABC$ と $\triangle XQR$ で $AB=XQ$ 、 $\triangle ABC$ と $\triangle PQR$ で $AB=PQ$ より、 $XQ=PQ$ になるので、結局、点Xと点Pの位置は一致するとわかります。以上から、 $\triangle XQR$ と $\triangle PQR$ は3つの頂点の位置が一致したので、ぴったり重なることができました。 $\triangle ABC$ と $\triangle XQR$ もぴったり重なるので、結局、 $\triangle ABC$ と $\triangle PQR$ はぴったり重なることが証明できました。